

138. 有限D-多價群の既約な群對に就いて

阪大 内海 明鏡

G_1, G_2 を群として、 H_1, H_2 を夫々の部分群とし、今 $G_1/H_1 \cong G_2/H_2$ (右分母、多價群としての全型) とします。益々 H_1 の G_1 上における指数が有限で且 H_1 及 H_2 は G_1, G_2 の單位元以外の正規部分群を含まないと假定します。其の時 $[G_1] \cong [G_2]$ 、全じ對應で $H_1 \cong H_2$ なる事が結論されると、M. Krasner は C.R. Acad. 1941 に書いて、後 1944 に全じ雜誌に反例を挙げてある由が Math. Rev. で知られます。自今假の其等 論文を見る便宜が得難いので、過渡得た簡單な例を以下に書き留めておきます。つまり有限D-多價群の既約な群對が一意にはきまらない(全型の意味で)事に対する実例です。

G_1 を次の元からなる 24 次の Γ_6 の部分群とする。

(1), (12), (34), (56), (34)(56), (12)(56), (12)(34), (12)(34)(56),

-457-

(135)(246), (136)(245), (145)(236) (146)(235),
(153)(264), (154)(263), (163)(254), (164)(253),
(136 245), (135246), (145236), (146235)
(154 263), (153264) (163254), (164253).

H_1 として 1 を不変にする G_1 の元全体の作る群。

$$G_2 = G_1 \text{ へ } \sigma_4, \quad H_2 = H_1 \text{ へ } \sigma_4.$$

Vgl. Y. Utumi, On hypergroups of group right cosets.
(近刊)