

1179 岩村氏ノ談話1123「連続幾何学」ニ就テノ注意

河田 敬義  
文理大 } 松島彌太郎  
樋口 兼雄

岩村氏ハ談話1123デ *irreducible* デナイ。 *Continuous geometry*  $L$  = 一般次元函数ヲ導入スルコト、  
及 *irreducible continuous geometries*  $L_\alpha$  /  
直和  $\sum \alpha \oplus L_\alpha$  = 束同型 =  $L$ ヲ埋藏スル向題ヲ解決サレタ。

ソノ方法ハ極メテ巧妙デ、ヨク  $L$ ノ構造ヲ明カニスルモ  
ノデアルガ、此処デハ多少別ノ立場カラ数值次元函数ヲ手ガ  
カリトシテ、 $L$ ノ極大  $\rho$  イデヤル (定義ニ参照) ナル考ヘヲ  
用キテ、 $L \subset \sum \alpha \oplus L_\alpha$  ナル埋藏定理ノ証明ヲ (ソノ大切ナ補題  
ハ岩村氏ノ談話カラ借用シテ) 新たニ組立テ見ルコト、スル。  
ソノ方法ハ、ノルム環ヤ ベクトル束ヲ *maximal ideal*  
ヤ、*maximal normal subspace* ヲ用キテ表現スル  
方法ト平行スル。

### § 1.

$L$ ヲ必ズシモ *irreducible* デナイ *continuous geometry* トシ、ソノ *center* ヲ  $Z$  デアラハスト、 $Z$ ハ  
*complete Boolean algebra* デアル。

$L$ ヲ *perspective* ナル関係  $\sim$  デ組分ケシタモノヲ  
 $\mathcal{L}$  デアラハス。  $\mathcal{L} = \{A_a; a \in L\}$ ,  $A_a = \{\theta; a \sim \theta \in L\}$ 。  
其ノ他イロイロノ記号ヤ補題ハ上記談話1123 及 T.V. Neu-  
mann *Continuous geometry (C.G.) Part III* カラ

自由 = 引用スルコト = スル。例へバ Theorem 2.16 カラ

$\mathcal{L} \ni A, B = \text{對シテ}$

$$(1) \begin{cases} 1 = e_{\infty} + e_0 + e_1 + \dots & e_{\infty}, e_0, \dots \in Z. \\ (e_{\infty}, e_0, e_1, \dots) \perp \\ e_n A = n e_n B + C_n, & e_n B \gg C_n \\ e_{\infty} B = C & \text{即 } e_{\infty} = -e(B) \end{cases}$$

トル分解ガ丁度只一ツ存在スルコトヲ屢々用キル。

我々考へノ中心ハ  $L$  ノ基本實數値次元函数  $d$ ,  $L$  ノ

*maximal p-ideal*  $\mathcal{J}$ , 及ビ  $Z$  ノ *maximal ideal*

ノ三者デアル。

**定義 1**  $L$  ノ基本實數値次元函数 (以下單ニ次元函数ト

呼ブ)  $d(a)$  トハ  $L \ni a$  デ一義ニ定義サレタ實數値函数デ

(i)  $0 \leq d(a) \leq 1, \quad d(0) = 0, \quad d(1) = 1$

(ii)  $Z \ni c = \text{對シテ} \quad d(c) = 0 \quad \text{又ハ} \quad 1$

(iii)  $d(a+b) + d(ab) = d(a) + d(b)$

**補題 1** (i)  $a \sim b$  ナラバ  $d(a) = d(b)$  故ニ  $d(Aa)$  ト  $\mathcal{L}$

ノ上ノ函数ト考へテヨイ。

(ii)  $A \geq B$  ナラ  $d(A) \geq d(B)$

(iii)  $A, B \in \mathcal{L} = \text{對シテ} \quad A+B$  ガ定義サレルナラバ,  $d(A+B) = d(A) + d(B)$

**定義 2**  $\mathcal{J}$  ガ  $L$  ノ *p-ideal* デアルトハ

(i)  $\mathcal{J}$  ハ  $L$  ノ *ideal* デアリ:

(1)  $\mathcal{J} \ni a, b \rightarrow \mathcal{J} \ni a+b$

(2)  $\mathcal{J} \ni a \geq b \rightarrow \mathcal{J} \ni b$

(ii)  $\mathcal{J} \ni a, a \sim b$  ならば  $\mathcal{J} \ni b$  を満足スル  $e$  1 である。

$\mathcal{J} \subseteq \mathcal{J}' \subseteq L$  ナル  $p$ -ideal  $\mathcal{J}'$  が存在シタイトキ  $\mathcal{J}$  は maximal  $p$ -ideal トイフ。

**補題 2** (i) 定義 2(ii) カラ  $p$ -イデアル  $\mathcal{J}$  ハ  $L$  ノ部分集合トミルコトが出来ル: ソノトキ

(ii)  $\mathcal{J} \ni A \cong B$  ならば  $\mathcal{J} \ni B$

(iii)  $\mathcal{J} \ni A, B$ , デ  $A+B$  が定義サレル ならば,  $\mathcal{J} \ni A+B$

$Z$ , ideal, maximal ideal ノ定義ハ普通ノ通り、ユノ三者ノ同値ノ関係ガアル。今 (i) を  $f = A$ , ト  $A = A_1 + \dots + A_n$  ノ同テ考ヘテ

$$(2) \begin{cases} 1 = e_0 + e_1 + e_2 + \dots, & e_0, e_1, \dots \in Z \\ (e_0, e_1, e_2, \dots) \perp \\ e_n f = n e_n A + C_n, & C_n \in e_n A \\ e_0 = 1 - e(A) & \text{ト一義} = \text{分解サレルガ} \end{cases}$$

**定理 1** (i)  $d$  を次元函数トスルト  $\mathcal{J}_d = \{C; C \in Z, d(C) = 0\}$  ハ  $Z$  ノ maximal ideal トナル。

(ii)  $\mathcal{J}_d = \{a; d(a) = 0, a \in L\}$  ハ  $L$  ノ maximal  $p$ -ideal トナル。

**定理 2** (i)  $\mathcal{J}$  は  $L$  ノ maximal  $p$ -ideal トスルト  $\mathcal{J}(\mathcal{J}) = \mathcal{J} \cap Z$  ハ  $Z$  ノ maximal ideal トナル。

(ii)  $\mathcal{J}$  は  $Z$  ノ maximal ideal トスルト

$$\mathcal{J}(\mathcal{J}) = \{a; e_n \in \mathcal{J}, n = 1, 2, \dots, \text{in } (2)\}$$

ハ  $L$  ノ maximal  $p$ -ideal トナル。

(iii)  $\mathcal{J}(\mathcal{J}(\mathcal{J})) = \mathcal{J}, \mathcal{J}(\mathcal{J}(\mathcal{J})) = \mathcal{J}$ 。

逆ノ場合ハ  $L$  が  $\infty$  型又ハ  $\aleph_n$  型 ( $n = 1, 2, \dots$ ) ナリトシテオクト

**定理 3** (i)  $\mathcal{J}$  は  $L$  ノ maximal  $p$ -ideal トスルト

$\mathcal{J} = \mathcal{J}_\alpha$  ナル  $L$  / 次元函数  $d$  が存在スル

(ii)  $\mathcal{P}$   $\mathcal{J}$   $L$  / maximal ideal トスルト,  $\mathcal{P} = \mathcal{P}d$  ナル  $L$  / 次元函数  $d$  が存在スル。

コノミツテ  $d, \mathcal{J}, \mathcal{P}$  / 向ノ關係ガ明白ニナツタ。次ニ一般ニ

**定理4**  $L \ni a > 0$  ナラバ,  $d(a) > 0$  ナル次元函数  $d$  が存在スル。従ツテ定理1カラ

$\bigcap_\alpha \mathcal{J}_\alpha = 0$  コノ  $\mathcal{J}_\alpha$   $L$  / スベテノ maximal  $\mathcal{P}$ -ideal テゴクモトス。

**定理5**  $\mathcal{J}$   $L$  / maximal  $\mathcal{P}$ -ideal トスルト  $L/\mathcal{J}$   $\mathcal{P}$  irreducible continuous geometry トナル。逆モ亦真。

今  $L/\mathcal{J}_\alpha \cong \bar{L}_\alpha$  トオケバ  $\bar{L} = \sum_\alpha \bar{L}_\alpha$  ナリ

$L \ni a \rightarrow \bar{a}_\alpha \in \bar{L}_\alpha$ , 従ツテ  $a \rightarrow \bar{a} = (\dots, \bar{a}_\alpha)$

トスレバ  $\mathcal{J}_\alpha$   $\mathcal{P}$  ideal ナル故  $L \ni a \rightarrow \bar{a} \in \bar{L}$   $\mathcal{P}$   $L$  / im  $\bar{L}$   $\mathcal{P}$  束準同型對應ナリ。定理1チカ  $a \neq 0$  ナラ  $\bar{a} \neq 0$  デアル。故ニモトスル基本定理

**定理6**  $L$   $\mathcal{P}$   $\sum_\alpha \bar{L}_\alpha =$  束同型  $=$  埋蔵サレル。

ガ証明サレタコトニナル。

## §2

**定理1ノ証明** (i)  $\mathcal{Z} \ni c =$  對シテハ  $d(c) = 0$  ナル  $\mathcal{H} = 1$  ナリ  
アルカラ,  $d$  / 加法性カラ

$$\{ d(a) = d(b) = 1 \text{ ナラ} \quad d(a+b) = d(ab) = 1, \}$$

$$\begin{cases} d(a)=1, & d(b)=0 \text{ かつ} & d(a+b)=1, & d(ab)=0, \\ d(a)=d(b)=0 \text{ かつ} & & d(a+b)=d(ab)=0 \end{cases}$$

トナルカラ  $C \rightarrow d(C) \text{ の } \mathbb{Z} \text{ 上の } (0,1) \text{ 元を有する } \mathbb{Z}$ -  
代数への束準同型 = ナリ、従って  $\mathfrak{p}_d = \{C, d(C)=0\}$  は *maximal ideal* トナル。

(ii) を証明スルタメニ次ノ補題ヲアゲル。

**補題 3** (2)ノ分解ニ於テ  $e_n \in \mathfrak{p}_d (n=1,2,\dots)$  ナルコト  
ガ  $d(a)=0$  ナルタメニ必要十分条件デアル。

(証) (i) アル  $n$  に対しテ  $e_n \notin \mathfrak{p}_d$  ナリトスレバ、 $d(e_n) = 1$  故ニ  $d(e_n A) = 0$  ナリトスレバ  $e_n f = n e_n A + C_n$ ,  
 $C_n \in e_n A$  カラ補題 2 = ヨリ  $d(e_n) = 0 =$  ナリトシマウ  
カラ  $d(e_n A a) > 0$  ナリトスレバナラヌ。即チ  $d(a) \geq d(e_n \cdot a) > 0$  トナル。

(ii)  $\mathfrak{p}_d \ni e_n (n=1,2,\dots)$  ナリトスレバ  $e_n^0 = e_1 + \dots + e_n$ ,  
 $e_n^1 = 1 - e_n^0$  トスレバ

$$e_n^1 f = n e_n^1 A a + C_n^1 \quad C_n^1 \in e_n^1 A a$$

トナルカラ、 $d(e_n^1) = n d(e_n^1 A a) + d(C_n^1) \geq (n+1) d(e_n^1 A a)$   
トナル。

一方  $\mathfrak{p}_d \ni e_1, \dots, e_n$  カラ  $\mathfrak{p}_d \ni e_n^0$ , 故ニ  $\mathfrak{p}_d \ni e_n^1$  ナリ、  
 $d(e_n^1) = 1$  トナル。他方

$$d(a) = d(e_n^0 a + e_n^1 a) = d(e_n^0 a) + d(e_n^1 a) = d(e_n^0 a)$$

デアルカラ、 $1 \geq (n+1) d(a)$  ガスベテノ  $n$  ナリト成立スル。

故ニ  $d(a) = 0$  トナル。  $\square$  e.d

サテ (ii)ノ証明ニウツル。  $\mathfrak{p}_d$  ガ  $\mathfrak{p}$ -ideal トナルコトハ

明デアル。今 maximal デナイトシテ  $\mathcal{I}_d \subseteq \mathcal{J} \subseteq L$  +  
ル  $\mathcal{J}$  ガアツタトスル。  $\mathcal{J} \ni a, d(a) \geq 0$  +ル  $a$  ガ存在スル  
カラ、(2)ノ分解ニ於テ  $e_n \notin \mathcal{J}_d$  +ル  $e_n$  ガアル。ソノトキ  
 $\mathcal{J} \ni e_n A_2$  トナルカラ 補題2-ヨリ  $\mathcal{J} \ni e_n f = e_n$  トナリ。  
他方  $\mathcal{J} \supseteq \mathcal{J}_d \ni \mathcal{J}_d \ni a \ni 1 - e_n$  ト合セテ  $\mathcal{J} \ni e_n + (1 - e_n) = 1$   
トナリ 矛盾ヲ生ジタ。故ニ  $\mathcal{I}_d$  ハ maximal トナル。

§. e. d

定理2ノ証 五ツノ段階ニ分ケテ考ヘル。(イ)(ロ)(ハ)

デハ必ズシモ maximal デナイト。  $\mathcal{J}, \mathcal{I}$  ノ考ヘル。

(イ)(i)  $\mathcal{J}(\mathcal{I})$  ハ  $Z$  ノ ideal トナル。

(ii)  $\mathcal{J}(\mathcal{J})$  ハ  $L$  ノ  $\mathcal{P}$ -ideal トナル。何トナレバ  $a, b =$

対スル (2) ノ分解ヲ夫々  $\{e_n\}, \{e'_n\}$  トスレバ  $a \geq b$   
+ラバ  $e_1 + \dots + e_n \geq e'_1 + \dots + e'_n$  +ルコトカラ  $\mathcal{J}(\mathcal{J})$   
 $\ni a \rightarrow \mathcal{J} \ni e_1 + \dots + e_n \rightarrow \mathcal{J} \ni e'_1 + \dots + e'_n \rightarrow \mathcal{J} \ni e'_n$   
 $(n=1, 2, \dots) \rightarrow \mathcal{J}(\mathcal{J}) \ni b$  トナル。

又  $a + b =$  対スル (2) ノ分解ヲ  $\{e''_n\}$  トスレバ

$$e''_1 + \dots + e''_n \leq (e_1 + \dots + e_{2n}) + (e'_1 + \dots + e'_{2n})$$

トナルカラ、上同様  $\mathcal{J}(\mathcal{J}) \ni a, b \rightarrow \mathcal{J}(\mathcal{J}) \ni a + b$  トナル。

又  $a \sim b$  +ラ  $a, b =$  対スル (2) ノ分解ハ同一デアルカラ、  
 $\mathcal{J}(\mathcal{J}) \ni a$  +ラ  $\mathcal{J}(\mathcal{J}) \ni b$  トナル。

(ロ) (i)  $\mathcal{J} \subseteq \mathcal{J}(\mathcal{J})$ 。何トナレバ  $\mathcal{J} \ni a =$  対スル (2) ノ  
分解ハ  $e_1 = a, e_\infty = 1 - a$  デアルカラ  $a \in \mathcal{J}(\mathcal{J})$ 、即チ  
 $\mathcal{J} \in \mathcal{J}(\mathcal{J})$  トナル。

(ii)  $\mathcal{J} \subseteq \mathcal{J}(f(\mathcal{J}))$  ナルコト。サウデナイトスレバアル  
 $\mathcal{J} \ni a =$  對スル (2) ノ分解デ  $e_n \notin f(\mathcal{J})$  ナルガアル。  
 一方  $e_n a \in \mathcal{J}$  カラ補題 2 ヲ  $e_n f = n e_n A a + C_n$ ,  $C_n \ll$   
 $e_n A n =$  アテハメテ  $e_n \in \mathcal{J} \cap Z = f(\mathcal{J})$  トナリ矛盾デ  
 アル。故ニ  $\mathcal{J} \subseteq \mathcal{J}(f(\mathcal{J}))$  トナル。

(v)  $\mathcal{J} \neq L$  ナラ  $f(\mathcal{J}) \neq Z$ ,  $f \neq Z$  ナラ  $\mathcal{J}(f) \neq L$  ナルコ  
 トハ、共ニ 1 が含マレスコトカラ分ル。

(=) (iv), (v) 合セテ  $f, \mathcal{J}$  カ夫々 maximal ナラバ、 $f = \mathcal{J}(f)$   
 $\mathcal{J} = \mathcal{J}(f(\mathcal{J}))$  トナル。

(ホ) 今  $f$  が maximal デ、 $\mathcal{J}(f)$  が maximal デナイナ  
 ラバ  $\mathcal{J}(f) \subsetneq \mathcal{J}_0 \subsetneq L$  ナル  $p$ -ideal  $\mathcal{J}_0$  が存在スル。  
 故ニ  $f = \mathcal{J}(f(\mathcal{J})) \subseteq f(\mathcal{J}_0) \subsetneq Z$  カラ  $f = \mathcal{J}(f(\mathcal{J}_0))$  トナリ。  
 $\mathcal{J}_0 \subseteq \mathcal{J}(f(\mathcal{J})) = \mathcal{J}(f)$  トナリ矛盾ヲ生ズル。同様ニ  $\mathcal{J}$   
 が maximal  $p$ -ideal ナラ  $f \in$  maximal ideal  
 トナル。

**定理 3 ノ証** (4)  $L$  ヲ  $\infty$  型トスル。  $n$  型 1 場合モ同様  
 デアル。先ツ談話 1123, 補題 3 カラ  $\frac{1}{2^n} f$  が存在スル。

$A a$  ト  $\frac{1}{2^n} f$  トノ間、(1) ノ分解ヲ

$$\begin{cases} 1 = c_0^{(n)} + e_1^{(n)} + \dots + e_{2^n}^{(n)}, & e_i^{(n)} \in Z \\ (e_0^{(n)}, \dots, e_{2^n}^{(n)}) \perp, \\ e_k^{(n)} A a = k \cdot \frac{1}{2^n} e_k^{(n)} f + C_k^{(n)}, & C_k^{(n)} \ll e_k^{(n)} f \end{cases}$$

トスル。

$f(\mathcal{J}) = f$  ハ  $Z$  ノ maximal ideal デアルカラ、アル  
 $k =$  對シテ

$$e_k^{(n)} \notin \mathcal{F}, \quad k+j \neq e_j^{(n)} \in \mathcal{F}$$

トナル。ソノトキ

$$(4) \quad d_n(a) = \frac{k}{2^n}$$

トオク。(3)ノ分解ヲ  $n$  ト  $n+1$  ノトキト比ベテ

$$(5) \quad e_{2k}^{(n+1)} + e_{2k+1}^{(n+1)} = e_k^{(n)}, \quad (k=0, 1, \dots, 2^n)$$

トナルカラ、 $\mathcal{F} \ni e_k^{(n)} + \text{ラバ}$   $\mathcal{F} \ni e_{2k}^{(n+1)}$  又ハ  $\mathcal{F} \ni e_{2k+1}^{(n+1)}$

$$\text{トナルカラ} \quad \frac{1}{2^{n+1}} + d_n(a) \geq d_{n+1}(a) \geq d_n(a),$$

$$n = 1, 2, \dots$$

トナル故ニ

$$(6) \quad d(a) = \lim_{n \rightarrow \infty} d_n(a) \quad \text{ガ存在スル。}$$

(四) (6)ヲ定義シタ  $d(a)$  ガーツノ次元函数デアルコトヲ証明シヤウ。先ヅ  $1 \geq d(a) \geq 0$  ハ明デアル。

$d(0) = 0, \quad d(1) = 1$  也明デアラウ。又  $Z \ni a$  ナラバ

$$e_0^{(n)} = 1-a, \quad e_1^{(n)} = \dots = e_{2^n-1}^{(n)} = 0, \quad e_{2^n}^{(n)} = a \quad \text{カラ} \quad d_n(a)$$

$$= 0 \quad \text{又ハ} \quad 1 \text{トナリ} \quad n \rightarrow \infty \text{テ} \quad d(a) = 0 \quad \text{又ハ} \quad 1 \text{トナル。}$$

又  $a \sim b$  ナラ  $d(a) = d(b)$  ナルコトモスグワカル。

最後ニ  $a, b = 0$  ナルトキニ、 $a, b, a+b$  対スル(3)

ノ分解ヲ夫々  $\{e_k^{(n)}\}, \{e'_k{}^{(n)}\}, \{\bar{e}_k{}^{(n)}\}$  トスレバ

$$e_i^{(n)} \cdot e'_j{}^{(n)} \leq \bar{e}_{i+j}{}^{(n)} + \bar{e}_{i+j+1}{}^{(n)}$$

ヲ満足スルカラ  $d_n(a) = \frac{i}{2^n}, \quad d_n(b) = \frac{j}{2^n}$  トスレバ

$$\mathcal{F} \ni e_i^{(n)} \text{ 及 } \mathcal{F} \ni e'_j{}^{(n)} \text{ カラ } \mathcal{F} \ni e_i^{(n)} \cdot e'_j{}^{(n)} \text{ 従ツテ } \mathcal{F} \ni \bar{e}_{i+j}{}^{(n)} \text{ 又ハ } \mathcal{F} \ni \bar{e}_{i+j+1}{}^{(n)}$$

トナルカラ

$$d_n(a) + d_n(b) \leq d_n(a+b) \leq d_n(a) + d_n(b) + \frac{1}{2^n}$$

トナリ、 $n \rightarrow \infty$  トシテ  $d(a+b) = d(a) + d(b)$  トナル。



(ii) 最後 =  $\mathcal{J} = \mathcal{J}_d = \{a; d(a) = 0\}$  ナルコトヲ見ルニハ,  
 $\mathcal{J}$ ガ maximal  $p$ -ideal ナル故、 $\mathcal{J} \subseteq \mathcal{J}_d$  ヲ見レ  
 バ十分ナル。今  $\mathcal{J} \ni a =$  対シテアル  $n$  デ  $e_{k_n}^{(n)} \notin \mathcal{J}$   
 ( $k_n \geq 1$ ) ナリトスレバ  $e_{k_n}^{(n)} Aa \geq k_n \frac{1}{2^n} e_{k_n}^{(n)} f$  ( $k_n \geq 1$ ) ( $1+2^n$ )  
 $e_{k_n}^{(n)} Aa$  ハ定義サレナイ。故ニ (2)ノ分解ト (3)ノ分解ト比  
 ベテ

$$e_{k_n}^{(n)} \leq e_1 + \dots + e_{2^n+1}, \quad k_n \geq 1$$

トナル故ニ  $\mathcal{J} \ni e_{k_n}^{(n)}$  ナラ  $\mathcal{J} \ni e_1 + \dots + e_{2^n+1}$  トナリ。従ツテ  
 アル  $1 \leq j \leq 2^n+1$  ナル  $j =$  対シテ  $\mathcal{J} \ni e_j$  トナル。

他方補題2ヲ  $e_j f = j e_j Aa + C_j, C_j \ll e_j Aa =$  用キテ  
 $e_j \in \mathcal{J} \cap \mathcal{Z} = \mathcal{J}$  トナリ。矛盾ヲ生ズル。故ニ  $\mathcal{J} \ni e_{k_n}^{(n)}$  ( $k_n = 1, 2, \dots, 2^n$ )  
 トナリ。  $\mathcal{J} \ni e_0^{(n)}$  ( $n = 1, 2, \dots$ ) トナル。故ニ (4),

(6)カラ。  $d(a) = \lim d_n(a) = 0$  トナル。 g.e.d.

**定理4ノ証** (3)ノ分解テ  $e_{k_n}^{(n)} = 0, k_n = 1, \dots, 2^n$  ナラ  
 $Aa \ll \frac{1}{2^n} f$  トナリ。コレガ  $n = 1, 2, \dots$  テ成立スレバ、  
 $a = 0$  トナル。故ニ  $a > 0$  ナラヤル  $n$  デ  $e_{k_n}^{(n)} > 0$  ナル  $k_n$  ガ  
 アル。今  $\mathcal{Z}$ ノ maximal ideal  $\mathcal{J}$  ヲシテ  $\mathcal{J} \ni e_{k_n}^{(n)} =$  ト  
 レバ、 $d(a) \geq d_n(a) = \frac{k_n}{2^n} > 0$  トナル。 g.e.d.

**定理5ノ証**  $\mathcal{J}$ ハ ideal ナルカラ、 $L/\mathcal{J} = \bar{L}$  ハ  
 modular complemented lattice ナル。  $\bar{L}$ ノ元テ  
 $\bar{a}, \bar{b}, \dots$  デアラハスト  $\bar{a} > \bar{b}$  ナラ  $d(\bar{a}) > d(\bar{b})$  トナル  
 カラ、談話112357同様ニ

$$\bar{a}_0 > \bar{a}_1 > \dots > \bar{a}_E > \dots \quad \text{及} \quad \bar{b}_0 < \bar{b}_1 < \dots < \bar{b}_E < \dots$$

ナル可算箇ノ列ニ対シテ夫々  $\prod_E \bar{a}_E, \sum_E \bar{b}_E$  ノ存在ト

$$\bar{c} + \prod_{\varepsilon} \bar{a}_{\varepsilon} = \prod_{\varepsilon} (c + a_{\varepsilon}) \quad \bar{d} \sum_{\varepsilon} \bar{e}_{\varepsilon} = \sum_{\varepsilon} (d + e_{\varepsilon})$$

ヲ証明スレバヨイ。

ユレハ、最モ証明ノ難シイ部分デアルガ、コレハ談話  
1123 §7 補題 10, 11, 12 デ証明サレテキル。

最後 =  $L$  / 一般實数値次元函数  $\bar{d}(a)$  トハ定義 1 デ、(ii)ノ  
條件ヲヌカシタモノトスルト 定理 6  $\bar{d}(a)$  ハ次ノ形  
ニ一義ニアラハサレル。

$L$  / maximal  $p$ -ideal 全体  $\mathcal{M}$  上デ Stone 流 =  
topology ヲ定義シタトキ = open 且 closed +  
集合全体ノ作ル finitely additive family  $\mathcal{f}$  上  
Jordan 測度  $m$  ガ存在シテ

$$(i) \quad m(\mathcal{M}) = 1$$

$$(ii) \quad \bar{d}(a) = \int_{\mathcal{M}} d_{\mathcal{f}}(a) \, m(d_{\mathcal{f}})$$

トアラハサレル。逆 = (i)(ii) ハ  $L$  / 一般次元函数ヲ定義ス  
ル。

(証)  $\exists e =$  対シテ  $\bar{d}(e) = m(\mathcal{M}(e))$ ,  $\mathcal{M}(e) \in \mathcal{f}$  トオケバ  
(ii) ガ成立ツコトハ定理 3 /  $d_{\mathcal{f}}$  ノ定義カラ殆ンド明カデ  
アル。 —

稿此ノ方法ニテ "Zerlegungsgleich" デオキカヘテ、保測  
変換ガ定義サレテキル測度代数ヲエルゴード的測度代数ノ直和  
ニ埋藏スル問題ニモ應用サレルコトハ談話 ——— ト同様デアル。

編輯後記 = 當談話ハ昨年十月ニオ受ケシタモノデアリマス  
ガ掲載ガ甚ダ遅レマシタエトヲオ詫ビ致シマス。