

1143. 保測変換ヲモツ測度代数, エルゴード部分ヘノ分解

岩 村 聯 (東大學生)
河 田 徹 義 (大 理 大)

§ 1.

保測変換ガ定義サレラキル測度空間 (Ω, \mathcal{B}, m) ヲ
エルゴード部分ニ分解スル問題ハ J. v. Neumann, Kryloff
- Bogolionbogoff ヲ又角谷氏等ニヨツテ論セラレタキ
ル。此処デモ或ル意味デ同ジ分解ノ問題ヲ考ヘテミル。

方法ハ談話 1123 「連続幾何學ニツイテ」ト全ク同ジコ
トヲ談話 1134 「不変測度ノ存在ニツイテ, II」ノ結果ニア
テハヌレバヨイノデ, 此処デハ結論ト方針ト必要ナル変更
ガケテ注意スルコトトスル。

\mathcal{L} ヲ σ -完備デール代数, m ヲ \mathcal{L} 上ノ完全加法的測
度函数デ $m(1) = 1$, 且ツ $a > 0$ ナラバ $m(a) > 0$ ナ満足ス
ルモノトスル。別ニ \mathcal{L} 上ノ保測変換 $\sigma: a \leftrightarrow a^\sigma \in \mathcal{L}$
ヲ

$$(1) \quad 0^\sigma = 0, \quad 1^\sigma = 1, \quad (a \vee b)^\sigma = a^\sigma \vee b^\sigma, \quad (a \wedge b)^\sigma = a^\sigma \wedge b^\sigma, \\ m(a^\sigma) = m(a)$$

ノ作ル群 \mathcal{G} ガ導ヘラレタキルモノトスル。

[注意: コレカラ任意ノ $\{a_\alpha\}$ ニ對シテ $(\bigvee_\alpha a_\alpha)^\sigma = \bigvee_\alpha a_\alpha^\sigma$ ト
ナル]。

\mathcal{O}_f がエルゴード的デアルトハ、任意、 $a > 0, b > 0$
 $(a, b \in \mathcal{L}) =$ 対シテ 適當 $= \sigma \in \mathcal{O}_f$ ヲ 選ベバ

$$a \wedge b^\sigma > 0$$

トシメ得ルコトヲ言フ。

今、 \mathcal{L} ノ 核心ヲ $\mathcal{Z} = \{C; C^\sigma = C \text{ (スベテ } \sigma \in \mathcal{O}_f \text{ = 對シテ)}\}$ デ 定義スレバ、 \mathcal{Z} ハ σ -完備ブール代数トナリ、 \mathcal{O}_f がエルゴード的デアルタメノ 必要十分條件ハ \mathcal{Z} が \emptyset ト / ト / ミヨリナレコトデアイル。

目的トスル結論ハ

定理 \square \mathcal{L} ト \mathcal{O}_f ト が 與ヘラレテオルトキ、アル大々 \mathcal{O}_f ト 同型ナ \mathcal{O}_α ヲ エルゴード的保測変換群トシテモツ σ -完備ブール代数 \mathcal{L}_α ノ 集リが 存在シテ 次ノ 諸條件ヲ 満スヤウニ 出来ル:

(i) $\mathcal{L} \ni a \rightarrow a_\alpha = \varphi_\alpha(a) \in \mathcal{L}_\alpha$ ナル 同型對應が 存在シ、特ニ $(\varphi_\alpha(a))^\sigma = \varphi_\alpha(a^\sigma)$ 。

(ii) (i) デ 得ラレル $\mathcal{L}, \sum_\alpha \mathcal{L}_\alpha$ ナル 直和ブール代数 (ノ 一部) へノ 對應ハ 束同型對應デアイル。

(iii) $\{\alpha\}$ ノ 集リ A ヲ 基トシテ μ ノ 測度空間 (A, \mathcal{B}_A, μ) が 定義カレテ

(i) \mathcal{L}_α 上ノ 測度ヲ m_α トスルト、 $\mathcal{L} \ni a =$ 對シテ $m_\alpha(\varphi_\alpha(a))$ ハ $\alpha \in A$ ノ 函数トシテ μ -可測デ、

$$(ii) \quad m(a) = \int_A m_\alpha(\varphi_\alpha(a)) \mu(d\alpha)$$

(iv) $a \rightarrow \varphi_\alpha(a)$ の無限ノ算法ニ對シテハ必ずシニ同型
 テハナシガ、今 $\{a_n\}$, $a_n \in \mathcal{L}$ ヲツキメレバ、
 $\nu \leq$ 對シテ A 上高々測度 0 ノ全体 N ガキマリ、
 N 中 $\alpha =$ 對シテハ

$$\varphi_\alpha(\bigvee_n a_n) = \bigvee_n \varphi_\alpha(a_n)$$

ガ成立スル。」

初メニ分解合同ニ關スル若干ノ性質ヲ擧ゲル。

$$a \sim b \text{ トハ } a = \bigvee_{n=1}^{\infty} a_n, b = \bigvee_{n=1}^{\infty} b_n,$$

$$a_i \wedge a_j = b_i \wedge b_j = 0 \text{ (} i+j \text{)}, a_n^{\sigma_n} = b_n, \sigma_n \in \mathcal{O}_f \text{ ト}$$

アラハサレバコトヲイフ。コレニヨリ $a \geq c \xrightarrow{\sigma} d = \bigvee_{n=1}^{\infty} (c \wedge a_n)^{\sigma_n} \leq b$ ナル對應ガキマリ。

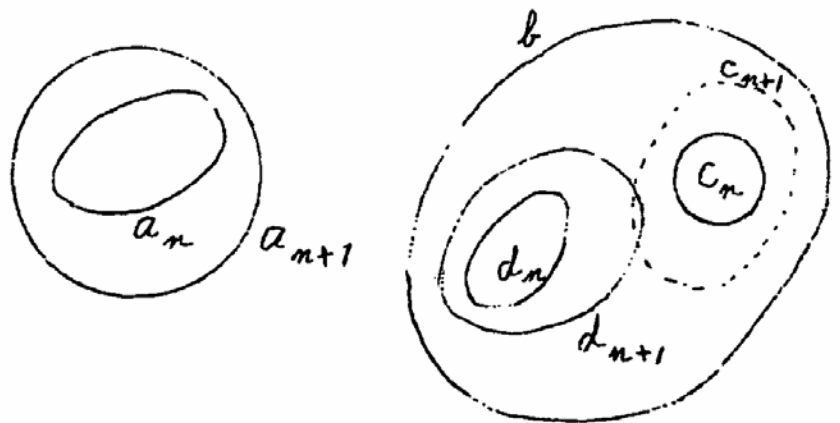
$a \succ b$ トハ $a \sim a^* \succ b$ ナル a^* ノ存在スルコトヲイフ。

之等ニツイテハ談話 1134, Lemma 1-7, 普通ノ性質ガ成立スル。連続幾何學ノ Halperin ノ定理ニ對應スルモノヲコレニ補ツテオク。

- 補題 1** (i) $a_n \preceq b, a_1 \geq a_2 \geq \dots$ ナラバ $\bigwedge_{n=1}^{\infty} a_n \preceq b$
 (ii) $a_n \preceq b, a_1 \leq a_2 \leq \dots$ ナラバ $\bigvee_{n=1}^{\infty} a_n \preceq b$

(証) 談話 1134,

Lemma 6 カラ (i) ト (ii) トハ同ジコトナルカラ、(ii) 丈ヲ証明スル。



$a_n \sim^n c_n \leq b, a_{n+1} \sim^{n+1} d_{n+1} \leq b$ トスレバ, $a_{n+1} \geq a_n$
 カラ, $\forall n, d_n \leq d_{n+1} =$ 對シテ $a_{n+1} \geq a_n \sim^n d_n \leq d_{n+1} \leq b$
 トナレ。

談話 1134, Lemma b カラ $b - c_n \preceq b - d_n + \nu$ 合
 同分解が存在スレ。 \therefore 對應 = ヨツテ $c_{n+1} - c_n \preceq d_{n+1} - d_n$
 $= c_{n+1}$ ノ定メレバ, $a_n \sim^n c_n$ ト合セテ, $a_{n+1} \sim^{n+1} c_{n+1} \geq c_n$
 トナレ。

ヨツテ $a_1 \leq a_2 \leq \dots =$ 對シテ $c_1 \leq c_2 \leq \dots \leq b$

ヲトシ,

$a_1 \sim c_1, a_2 - a_1 \sim c_2 - c_1, \dots, a_{n+1} - a_n \sim c_{n+1} - c_n, \dots$

トナシテルコトが出来レ。故ニ之等ヲ合セテ

$$\bigvee_{n=1}^{\infty} a_n \sim \bigvee_{n=1}^{\infty} c_n \leq b$$

トナレ。 q. e. d.

次ニ \mathcal{L} ノ元ヲ $a \sim b$ ナル對當關係ヲ組ニ合セテ, $A, B,$
 \dots トスレ: 例ヘバ $A = K_a = \{a', a' \sim a\}$. \mathcal{L} ノ組
 全体ヲ \mathcal{L} トカク: $\mathcal{L} = \{K_a; a \in \mathcal{L}\}$. 特ニ $\mathcal{Z} \ni c$
 $\wedge c$ ツマニ組ヲ作レ。

$A, B, \dots \in \mathcal{L}$ ノ間ノ關係: $A + B, A - B, A > B,$
 又 cA ($c \in \mathcal{Z}$) 等ノ定義ハ談話 1134, 定義 10ヲ参照。

\mathcal{L} ノ完備束ヲ作ルコトハ談話 1123ト同様。

§ 2

\mathcal{L} ノ核心子ハ又ブール代數ヲアツク。今 \mathcal{Z} ノ最大

又對イデアルトスル: (i) $\mathcal{I} \ni C_1, C_2$ 十ラバ $\mathcal{I} \ni C_1 \cap C_2$,
(ii) $\mathcal{I} \ni C_1 \subseteq C_2$ 十ラバ, $\mathcal{I} \ni C_2$, (iii) カ>ル性質ヲモツ(十子
十ル) 最大 $1 \in \mathcal{I}$.

カ>ル \mathcal{I} / 全体ヲ \mathcal{M} トスル。Stone / 方法ヲ位相ヲ
導入スレバ, \mathcal{M} ハコンパクト十 Hausdorff 空間ト十ル。

$C \in \mathcal{I} =$ 對シテ

$$\mathcal{M}(C) = \{\mathcal{I}; \mathcal{I} \ni C\}$$

トスレバ, $C \rightarrow \mathcal{M}(C)$ ハ \mathcal{I} , \mathcal{M} / 部分集合へ, 束同型表現
ト十リ, $\mathcal{M}(C)$ ハ開且閉集合デアイル。

今 \mathcal{M} 上, Borel 集合 = 對シテ測度 μ ヲ

$$(2) \quad \mu(\mathcal{M}(C)) = m(C)$$

十ル様 = 定義スルコトが出来ル。

談話 1134, 定義 9 及 386 頁, (9) 式カヲ

$$(3) \quad \begin{cases} z_0 = 1 - z, \\ 1 = z_0 \cup z_1 \cup \dots \cup z_n \cup \dots, \quad z_i \cap z_j = 0 \quad (i \neq j), \\ z_n \in \mathcal{I} \end{cases}$$

ト分解シテ

$$(4) \quad \mathcal{L}_n = \{a; a \leq z_n\}, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

トオケバ

$$(5) \quad \mathcal{L} = \sum_{n=0}^{\infty} \oplus \mathcal{L}_n$$

ト十リ, 之等 \mathcal{L}_n ハ又 \mathcal{U} ヲ保測変換群トスル測度代数ト十
ル。 \mathcal{L}_0 ヲ ∞ 型 (minimal 十元, $1 \in \mathcal{I}$), \mathcal{L}_n ヲ n

型 ($n = 1, 2, \dots$) ($I = a_1 \cup \dots \cup a_n, a_1 \sim a_2 \sim \dots \sim a_n,$
 $a_i \cap a_j = \emptyset (i \neq j)$ + μ minimal + a_1 , 存在スル場合)
 ト呼バウ。

定理 I $\mathcal{F}(I)$ \mathcal{L} $\Rightarrow \infty$ 型トスル。 $\mathcal{F}(I)$ 組合ケ、作
 ルの完備束 $\mathcal{L} \ni A =$ 對シテ、 \mathcal{M} 上、連続函数 $f_A(\mathcal{P})$ \mathcal{L} 對
 應サセテ

(i) $0 \leq f_A(\mathcal{P}) \leq 1,$

(ii) スベテノ $\mathcal{P} \in \mathcal{M} =$ 對シテ $f_A(\mathcal{P}) = f_B(\mathcal{P})$ + ラバ
 $A = B,$

(iii) $f_{A \cup B}(\mathcal{P}) = \text{Max}(f_A(\mathcal{P}), f_B(\mathcal{P})),$

$f_{A \cap B}(\mathcal{P}) = \text{Min}(f_A(\mathcal{P}), f_B(\mathcal{P})).$

(iv) $A+B, A-B$ が定義サレルトキハ $f_{A \pm B}(\mathcal{P}) = f_A(\mathcal{P}) \pm f_B(\mathcal{P})$

(v) $m(A) = \int_{\mathcal{M}} f_A(\mathcal{P}) \mu(d\mathcal{P})$

(vi) $A_1 \supseteq A_2 \supseteq \dots, A_0 = \bigwedge_{n=1}^{\infty} A_n$ + ラバ、 \mathcal{M} 上殆ンドイ
 タルトコロ (従ッテ第一類集合ヲ除イテ)

$f_{A_0}(\mathcal{P}) = \lim f_{A_n}(\mathcal{P})$

單調増大列 = 對シテモ同様。

(vii) 逆 = 任意ノ $0 \leq f(\mathcal{P}) \leq 1$ + \mathcal{M} 上、連続函数

$f(\mathcal{P}) =$ 對シテ

$f(\mathcal{P}) = f_A(\mathcal{P})$

+ $\mathcal{L} \ni A$ が存在スル。

(ii) \mathcal{L} が n 型 / 場合 \wedge (i) $\neq f_A(p)$, 取 ν 値 $\wedge 0, \frac{1}{n}, \dots, \frac{n-1}{n}$, / ト 制限 \wedge レ ν . 又 (vii) $\neq f(p)$, トル 値 $\wedge 0, \frac{1}{n}, \dots, 1$ 丈 ν / 場合 $= f(p) = f_A(p)$ + ル $A \in \mathcal{L}$ が 存在 \wedge ス ν .』

(証) (i) が ν 考 ν レ ν .

今 $p \in \mathcal{M}$ ヲ ツ 定 ν メ ν , $a = b(p)$ ト ハ ア ν ル $c \in p$ = 対 ν シ ν テ $a \wedge c = b \wedge c$ ト ナ ν ル コト ν ス ν . コレ ν \mathcal{L} ヲ 組 = 分 ν ケ ν テ $(a)_p, (b)_p, \dots$ ト ス ν レ ν : $(a)_p = \{a'; a = a'(p)\}$. 又 ν , / 全体 ν ヲ $(L)_p = \{(a)_p; a \in \mathcal{L}\}$ ト カ ν ヲ. $(L)_p$ \wedge 又 (必 ν ズ ν σ -完備 ν デ + イ ν カ) ν σ -ル 代 ν 数 ν ヲ 作 ν リ, $a = b(p)$ + ラ $a^\sigma = b^\sigma(p)$ オ ν ラ σ ν , 又 $(L)_p$, / 自己同型群 ν ト 見 ν ル コト ν が 出 ν 来 ν ル.

$(a)_p \sim (b)_p$ ト ハ ア ν ル $c \in p$ ν $a \wedge c \sim b \wedge c$ ト ナ ν ル コト ν ス ν レ ν バ, $(L)_p$ \wedge 更 = 組 ν 分 ν ケ ν + レ ν テ $(\mathcal{L})_p$ ヲ 作 ν レ ν .

コレ \wedge 別 ν + 立場 ν オ ν ラ 見 ν レ ν バ, \mathcal{L} ν , $A = B(p)$ ヲ ア ν ル $c \in p$ ν $cA = cB$ ト ナ ν ル コト ν ν 定義 ν シ ν テ, ソレ = ヨツ ν テ 組 ν 分 ν ケ ν シ ν タ ν モ, / = 等 ν シ ν イ. (談話 1123, §5)

$(A)_p \supseteq (B)_p$ ヲ ア ν ル $c \in p$ ν $cA \supseteq cB$ ト ナ ν ル ν ト ν 定義 ν ス ν レ ν バ, $(\mathcal{L})_p$ \wedge 全順序集合 ν ト ナ ν リ, 又 ν ス ν ベ ν テ, $p \in \mathcal{M}$ ν $(A)_p \supseteq (B)_p$ + ラ ν バ, $A \supseteq B$ ト ナ ν ル. (談話 1123, 補題 5, 6 参照)

ヨツ ν テ ア ν ル $p \in \mathcal{M}$ ヲ ツ キ ν メ ν テ, $A \in \mathcal{L} =$ 対 ν シ ν テ

$$\Delta^0 = \{r; (r1)_p \supseteq (A)_p\}, \quad \Delta' = \{r; (r1)_p \supseteq (A)_p\}$$

トオケバ

$$\sup \Delta^{\circ} = \inf \Delta'$$

が成立スル。(談話 1123, 補題 7)。故 =

$$(6) \quad f_A(p) = \sup \Delta^{\circ} = \inf \Delta'$$

トオケバ, 談話 1123, 補題 8, 9, 定理 1 ト同様 =, $f_A(p)$ ハ
定理 1 (i) (ii) (iii) (iv) (vii) ヲ満足スル。

(v) ハ $f_A(p)$ ノ定義ト談話 1134, 387 頁 (13), (14) 式トカ
ラ明カデアール。

(vi) ハ (iii) ト (v) トカラ直チ = 得ラレル。q.e.d.

§ 3

(6) 式ノ $f_A(p)$ ハ $A = B(p) + \gamma$ $f_A(p) = f_B(p)$, 即チ
 $(L)_p$ ノ上ノ函数デアール。 $(L)_p$ ハ $(L)_p$ ノ組合ケ, $(L)_p$ ハ
 L ノ組合ケデアールカラ

$$(7) \quad f_a(p) = f_A(p), \quad K_a = A, \quad \text{或ハ} \quad (a)_p \in (A)_p$$

ト定義スレバ

$$(8) \quad \delta((a)_p, (b)_p) = f_{a \vee b}(p) - f_{a \wedge b}(p)$$

ハ $(L)_p$ ノ準距離ヲ定義スル。(談話 1123, § 7)

ソコテ $\delta((a)_p, (b)_p) = 0$ ナルモノヲ組 = マトトテ
 $(L)_p$ カラ $(\overline{L})_p$ ヲ作レバ, $(\overline{L})_p$ ハ又一ツノブール代数
ヲ與ヘ, δ ハ $(\overline{L})_p$ 上ノ距離 = ナル。且チ $\delta((a)_p, (b)_p) = 0$
ナラバ $f_a(p) = f_b(p)$ ナル。

$$\text{又} \quad \delta((a)_p, (b)_p) = 0 \text{ ナラバ} \quad \delta((a^{\sigma})_p, (b^{\sigma})_p) = 0 \text{ カラ}$$

σ の $(\overline{L})_p$ 上、自己同型群ト見做スコトガ出来ル。

談話 1123, 補題 10, 11, 12 カラ $(\overline{L})_p$ ハ σ 完備ブール代数 = ナル。

明カ = $\mathcal{L} \ni a \rightarrow (\overline{a})_p \in (\overline{L})_p$ ハ 束準同型對應デ,
 $(\overline{a^\sigma})_p = (\overline{a})_p^\sigma$, $\sigma \in \sigma_f$ デアルガ逆 = ナベテ / $p \in \mathcal{M}$
 = 對シテ $(\overline{a})_p = (\overline{b})_p$ ナラ $a = b$ トナル。 (談話 1123, §7).

補題 2 σ_f $(\overline{L})_p \ni (\overline{a})_p =$ 對シテ

$$(9) \quad m_p((\overline{a})_p) = f_a(p)$$

トオケバ, m_p $(\overline{L})_p$ 上、完全全加法的測度函数デ

$$m_p((\overline{1})_p) = 1; (\overline{a})_p > 0 \text{ ナラ } m_p((\overline{a})_p) > 0;$$

$$m_p((\overline{a})_p^\sigma) = m_p((\overline{a})_p)$$

ヲ満足スル。

証明ハ談話 1123, 補題 10, 11, 12 カラ: —

補題 3 σ_f 保測変換群トスル $(\overline{L})_p$ 中 $(\overline{a})_p \sim (\overline{b})_p$

トナラ、必要十分条件ハ

$$f_a(p) = f_b(p)$$

ナルコトデアル。

(証) (1) $(\overline{L})_p$ 中 $\sigma_f =$ 關シテ $(\overline{a})_p \sim (\overline{b})_p$ トスレバ

$$(\overline{a})_p = \bigvee_{n=1}^{\infty} (\overline{a}_n)_p, (\overline{b})_p = \bigvee_{n=1}^{\infty} (\overline{b}_n)_p,$$

$$(\overline{a}_i)_p \wedge (\overline{a}_j)_p = (\overline{b}_i)_p \wedge (\overline{b}_j)_p = 0 (i \neq j), (\overline{a}_n)_p^{\sigma_n} = (\overline{b}_n)_p,$$

$$\sigma_n \in \mathcal{O}_f, (n=1, 2, \dots)$$

トル 分解がアル。故 = 補題 2 カラ

$$f_a(\mathcal{P}) = \sum_{n=1}^{\infty} f_{a_n}(\mathcal{P}) = \sum_{n=1}^{\infty} f_{b_n}(\mathcal{P}) = f_b(\mathcal{P})$$

ト + ル。

(a) 逆 = $f_a(\mathcal{P}) = f_b(\mathcal{P})$ トスル。 (b) カラ $c \in \mathcal{P} \Rightarrow$

適當 = トレバ

$$\gamma \leq f_A(\mathcal{P}) \leq \gamma + \varepsilon$$

トル $\gamma =$ 対シテ

$$a \wedge c \geq a^* \wedge c \sim \gamma \cdot 1 \wedge c \sim b^* \wedge c \leq b \wedge c$$

ヲ満足セシメルコトが出来ル。 $a^* \wedge c \sim b^* \wedge c$ カラ

$$a^* \wedge c = \bigvee_{n=1}^{\infty} a_n^*, \quad b^* \wedge c = \bigvee_{n=1}^{\infty} b_n^*, \quad a_i^* \wedge a_j^* = b_i^* \wedge b_j^* = 0 (i \neq j),$$

$$(a_n^*) \wedge c = b_n^*, \quad \sigma_n \in \mathcal{O}_f \quad (n=1, 2, \dots)$$

トスレバ, N ヲ十分大ニスレバ

$$a' = \bigvee_{n=1}^N a_n^*, \quad b' = \bigvee_{n=1}^N b_n^* \Rightarrow \text{対シテ } f_{a'}(\mathcal{P}) = f_{b'}(\mathcal{P})$$

$\geq \gamma - \varepsilon$ トシメルコトが出来ル。

(談話 1123, 補題 10, 11 参照)

コノトキ又 $(\overline{L})_{\mathcal{P}}$ 中 $(\overline{a'})_{\mathcal{P}} \sim (\overline{b'})_{\mathcal{P}}$ テアルカラ

$$f_{a-a'}(\mathcal{P}) = f_{b-b'}(\mathcal{P}) = f_a(\mathcal{P}) - f_{a'}(\mathcal{P})$$

$$= f_b(\mathcal{P}) - f_{b'}(\mathcal{P}) \leq 2\varepsilon$$

トナル。コノ操作ヲ可算回施セバ (Principle of exhaustion),

$(\overline{L})_p$ / 定義カラ 遂 =

$$(\overline{a})_p \sim (\overline{b})_p \text{ in } (\overline{L})_p$$

が得ラレル。 q. e. d.

補題4 $(\overline{L})_p$ 中 補題2 / 如ク m_p ヲ 定義スルト、

σ / σ_j ヲ 保測変換群トスル測度代数トナリ、 σ / σ_j トキ σ_j ハ
エルゴード的トナル。

(証) 補題3 カラ $f_a(p) >, <, = f_b(p) =$ 應シテ
 $(\overline{a})_p >, <, = (\overline{b})_p$ トナル。故ニ $(\overline{L})_p$ / 核心ハ $0, 1$ 以外
ニハ存在シ得ナイ。

ヨツテ 定理1 ト合セテ

定理2 \mathcal{L} / 最大双対イテヤル \mathcal{L} / 全体 / 作ルビコ

ムパクト Hausdorff 空間ヲ \mathcal{M} トスルト、各 $p \in \mathcal{M}$ = 對
シテ σ_j ヲ 保測変換群トスル σ 完備測度代数 $(\overline{L})_p, m_p$
が定マリ。

(i) $(\overline{L})_p$ ハ σ = 關シテ エルゴード的、

(ii) $\mathcal{L} \ni a \rightarrow (\overline{a})_p \in (\overline{L})_p, p \in \mathcal{M}$ ハ \mathcal{L} /

$\sum_{p \in \mathcal{M}} \oplus (\overline{L})_p$ / 一部分ハ / 束同型對應ヲ

$$a^\sigma \rightarrow (\overline{a})_p^\sigma, \sigma \in \sigma_j.$$

$$(iii) m(a) = \int_{\mathcal{M}} m_p(a) \mu(dp)$$

(iv) $\{a_n\}$ ヲ ツキメレバ、ソレ = 對シテ μ 測度 0 /
集合 $N \subset \mathcal{M}$ (從ツテ \mathcal{M} / 第一類集合) ヲ 除イテ

$$\overline{(V_n a_n)_p} = V_n \overline{(a_n)_p}, \quad p \in \mathbb{N}$$

が成立スル。□

コレハ⑧ / デモトメヨウトシタ 定理ニ他ナラナイ。

(18, 8, 13)

x x x x x

前略

仙台ノ数物デー寸話シマシタコトデ、尙單十
注意デスガ、岩村君ト一緒ニ次ノ様ニ書イテ見
マシタ。紙上談話會ニ載セテイタジケレバ幸甚デス。

毎日暑イ天氣が続キマスガ皆様御変リモアリ
マセンカ、東京デハ一同元氣デス。

皆様ニ宜シク。

八月十三日

河田 敬義

深宮 政範 様