

## 556. 前談話 550 - 就イテ

吉田耕作 (阪大)

前談話 550 = 於テ  $\mathcal{O}f$  7 connected + lie 群ト  
シ, compact ヲ假定セス.  $X_1, X_2, \dots, X_d \in \mathcal{O}f$ ,  
center, infinitesimal operator トシテ  $\in$  operator  
 $D = P(X_1, X_2, \dots, X_d)$  がハ, point spectra  
, multiplicity finite + ル限リ,  $\mathcal{O}f$  1 全テ, continuous representation (必ずシモ bounded ナ + ジ  
モヨイ) ヲ得ルコトト

$$(1). Df(x) = \lambda f(x)$$

ナル 境界値問題ヲ トクコトト equivalent + コト が前ト全  
ク同様 = シテ云ヘマス。斯ル見地カラ const. coefficient  
, 線形微分方程式

$$\frac{d^n y}{dx^n} + a_1 \frac{d^{n-1} y}{dx^{n-1}} + \dots + a_n y = \lambda y$$

ヲ考へテミルト面白い。

次=Casimir operator ヲ導入シタコトモ  $O_f$  が  
locally=abelian Lie group ト semi-simple  
Lie group ト、直積=+ツテヲレベヨイ。之レニハ  $O_f$ =  
left and right-invariant + 距離が付ケバ充分デス  
(H. Freudenthal, 定理, Ann. of Math., 1936,  
p. 57—)

次=、矢張り  $O_f$ 、compactness ヲ假定セズトモ、  
 $O_f$ 、bounded continuous representation 、ミヲ  
考へ從ツテ (1)、固有函数トシテ  $O_f =$  於ケル continuous  
almost periodic functions、ミヲ考ヘルト、固有  
函数、completeness が云ヘル (J. von Neumann,  
almost periodic function, 理論)。

以上=ヨリ compact ト云フ前談話、假定ハ essential  
ナニノデナカツタコトガワカル。