

## 504. Homomorphie = ヌル次元ノ関係

吉田耕作(阪大)

topological group  $\bar{G}$  が topological group  $G$  へ stetig homomorph + Bild = ナツテヲルト  
キ

$$(1) \dim \bar{G} \leq \dim G$$

が成立スルカドウカハ赤ハハツキリワカツテキナイ。

H. Freudenthal は  $G$  が locally compact  
且ツ  $\dim G = 0$  ノトキハ (1) ノ成立スルコトヲ示シテ尚  
"Wahrscheinlich gibt es überhaupt keine  
dimensionserhöhenden Homomorphismen"  
ト述ベテヲル。(Ann. of Math. 37, NO. 1, p. 51)

$\mathfrak{g} = \mathfrak{h}$  が compact separable 且つ connected の場合  $\mathfrak{h}$  (1) が成立スルコトヲ remark シタイト  
 思フ。ソレ  $\mathfrak{h}$  同シク H. Freudenthal, 結果 (loc.  
 cit. p. 69) ヲ用ヒル。即チ上ノ如キ  $\mathfrak{g}$   $\mathfrak{h}$  compact  
 connected + Lie 群ヲ以テ  $G_n$ -adisch = erzeugen  
 サレルト云フ定理ヲ用フルノデアリ。

$G_n$ -adisch 云々ト云フノハ,  $\mathfrak{g} = \mathfrak{h}_1 \supseteq \mathfrak{h}_2 \supseteq \dots$   
 $\lim_{n \rightarrow \infty} \mathfrak{h}_n = \mathfrak{e}$  (Einheit) 且つ  $\mathfrak{g}/\mathfrak{h}_n$  が compact  
 + Lie 群ニナル如キ  $\mathfrak{g}$ ノ Normalteiler, Folge  
 $\mathfrak{h}_1, \mathfrak{h}_2, \dots$  が存在スル。特ニ  $\dim \mathfrak{g} = n$ ノトキニ  
 $\mathfrak{g}/\mathfrak{h}_n = \mathfrak{g}_m$ トフコトキ  $\dim \mathfrak{g}_m = n$  ( $m=1, 2, \dots$ )  
 ト出来ルト云フノデアリ。然ラバ

$$\overline{\mathfrak{g}} = \mathfrak{g}/\mathfrak{h}_n \quad (\text{topologisch isomorph})$$

トスルトキ  $\overline{\mathfrak{g}}$ ノ Folge

$$\mathfrak{g}/[\mathfrak{h}_m, \mathfrak{h}_n] \quad \left( \begin{array}{l} [\mathfrak{h}_m, \mathfrak{h}_n] \text{ハ } \mathfrak{h}_m \text{ト } \mathfrak{h}_n \text{ト } = \exists \\ \text{erzeugen サレズ } \mathfrak{g} \text{ノ Normalteiler} \end{array} \right)$$

=  $\exists$ リ  $\mathfrak{g}_n$ -adisch = erzeugen サレ且つ

$$\mathfrak{g}/[\mathfrak{h}_m, \mathfrak{h}_n] = \left( \mathfrak{g}/\mathfrak{h}_m \right) / \left( [\mathfrak{h}_m, \mathfrak{h}_n] / \mathfrak{h}_m \right)$$

$\mathfrak{h}$  compact Lie 群デアリ之ノ dimension  $\leq n$  (1)ノ  
 $\mathfrak{g}$  が compact + Lie 群ノトキニ Canonical para-  
 meter ヲ考ヘルコトニ  $\exists$ リ明カ — 尚 Freudenthal

ノ論文デハ p. 70, コノ点ヲ *explicite* = コトワツテナ  
 イマウデアス — 故カラ Alexandroff,  $\varepsilon$ -Überfüh-  
 rungssatz = ヨリ

$$\dim \bar{O}_f \leq \lim_{m \rightarrow \infty} \dim O_f / [h_{y_m}, h_y] \leq n$$

— 以上 —

尚上ノ結果ヲ用ヒテ Freudenthal, 取扱ツタ様ナ  
 群 ( *topologische Gruppen mit genügendvielen  
 fast periodischen Funktionen* ) へ擴張スルコト  
 モ出来マセウガ後 = エツリマス。