

490. 円系表面ニツイテ

松村 宗治 (台北大)

円系表面上、極小曲線、式ハイツモノ様ニ

$$(1) \quad (\theta_t \theta_t) dt^2 + 2(\theta_t \theta_\tau) dt d\tau + (\theta_\tau \theta_\tau) d\tau^2 = 0$$

トスルコトが出来ル。

サテ

$$d\tau \delta\tau - K(dt \delta\tau + \delta t d\tau) + K^2 dt \delta t = 0$$

トスル二次方程式ハ $\frac{d\tau}{dt}, \frac{\delta\tau}{\delta t}$ トスル方向ヲ定メ

$$(\theta_t \theta_t) + 2(\theta_t \theta_\tau)K + (\theta_\tau \theta_\tau)K^2 = 0$$

トスル二次方程式ハニツノ極小方向ヲ定ム。

コノニツノ二次方程式ノ根ヲ $K_1, K_2; K'_1, K'_2$ トスルト
キハコノニツノ方向ノ非調和比 I ハ

$$I = \frac{K_1 - K'_1}{K_2 - K'_1} : \frac{K_1 - K'_2}{K_2 - K'_2}$$

ニテ與ヘラレ。

t, τ トスル点ヲ過サルニツノ方向 $\frac{d\tau}{dt}, \frac{\delta\tau}{\delta t}$, トスル角 ω

ニ對シテ次ノ關係アルコトがらゲーカニラツテ合ル。

$$\omega = \frac{1}{2i} \log I, \quad (i = \sqrt{-1})$$

從ツテ円系表面上ニ於イテモ最近ノ幾何學ノ發達ト密接
ノ關係ヲ有スル所ノ

$$\frac{1}{2i} \log I$$

ヲ以テ角ノ定義ト考フルコトヲ得ベシ。